网络优先数字出版时间:2016-11-21 【DOI】10.13656/j.cnki.gxkx.20161121.015 网络优先数字出版地址:http://www.cnki.net/kcms/detail/45.1206.G3.20161121.1546.030.html

# 双位错滑移运动的晶体相场模拟\*

# Phase-field-crystal Simulation of Double Dislocation Gliding

杨瑞琳,刘 瑶,胡绪志,卢强华,高英俊\*\* YANG Ruilin,LIU Yao,HU Xuzhi,LU Qianghua,GAO Yingjun

(广西大学物理科学与工程技术学院,广西南宁 530004)

(College of Physical Science and Technology, Guangxi University, Nanning, Guangxi, 530004, China)

摘要:【目的】研究晶体位错运动对材料加工力学性能的影响。【方法】应用改进晶体相场(Phase-field-crystal, PFC)模型,研究剪切应变作用下晶体的双位错的滑移运动特征。【结果】在应变作用下,体系的双位错只作滑移 运动,运动方向平行且相反,保持匀速运动,不出现攀移运动;应变率较小时,位错作滑移运动,越过势垒需要一 定孕育时间,此时滑移出现颠簸式运动特征;应变率较大时,位错滑移运动呈匀速直线运动。【结论】PFC 模型能 较好地用于研究位错在应变作用下的运动。

关键词:晶体位错 滑移 应变 晶体相场

中图分类号:TG111.2 文献标识码:A 文章编号:1005-9164(2016)05-0443-05

Abstract: [Objective] The effects of crystal dislocation movement on mechanical behaviors of materials processing are studied. [Methods] The feature of the gliding of double dislocation under shear strain are simulated by the improved phase-field-crystal(PFC). [Results] The simulation results show that the double dislocation of the system only glides without climbing under stress, and keeps moving at a constant speed, while their directions are parallel, but opposite. When the strain rate is small, it requires a certain incubation time to overcome the barrier, therefore, the slipping of dislocation looks like a bumpy way. When the strain rate is larger, the dislocation glides uniformly in a straight line, while the strain rate is relatively smaller, the gliding is of the bumpy motion. [Conclusion] PFC model can be well used to study the dislocation movement under the effect of strain.

Key words: crystal dislocation, gliding, strain, phase-field-crystal

**收稿日期:**2016-07-25

广西科学 2016年10月 第23卷第5期

## 0 引言

【研究意义】材料内部的微观缺陷决定材料的宏观性能<sup>[1-2]</sup>。微观缺陷包括位错、空位、晶界、空洞和 微裂纹等。通常这些微观缺陷是在纳米尺度上发生 非平衡复杂动力学过程中生成<sup>[3]</sup>。金属材料的变形 加工与材料的位错等微观缺陷运动有密切关系。在 目前条件下,材料的原子尺度结构的演化很难被实验 原位观测到。因此,计算机模拟实验已成为精确揭示 这些微观缺陷运动的重要方法和实验补充<sup>[4]</sup>。【前人

修回日期:2016-08-02

作者简介:杨瑞琳(1992-),女,硕士研究生,主要从事纳米材料 设计与模拟实验研究。

<sup>\*</sup>国家自然科学基金项目(51161003),广西自然科学基金重点项 目(2012GXNSFDA053001)和广西大学大创项目 (201610593220,201610593218)资助。

<sup>\* \*</sup> 通信作者:高英俊(1962-),男,教授,博士生导师,主要从事 材料纳微结构的设计与模拟实验研究,E-mail:gaoyj@gxu.edu. cn。

研究进展】相场法是当今研究微观缺陷结构演化的有 效计算工具[5-6]。传统相场法[7-8]建立在平衡态均匀 场基础上,该方法忽略了原子周期排列结构所产生的 物理特性,因此难以反映晶体周期结构特性以及纳观 尺度的缺陷行为,也无法从根本上揭示微观结构运动 过程中的动力学机理。最近,基于泛函密度理论的晶 体相场(Phase-field-crystal, PFC)模型[9-11]引入周期 性局域密度场作为序参量,将晶相的密度场表示成周 期性函数形式,进而通过该密度函数反映晶体的周期 结构。该密度场很自然地与晶粒取向和位错的运动、 弹性效应等物理特性自治地联系起来[10]。现在, PFC 模型已成功模拟了位错攀移、滑移和亚晶界湮 没[11-12]、晶界位错预熔化[13]、异质外延生长[14]、晶体 结构的相转变[15]、韧性材料的微裂纹扩展与连 通<sup>[16]</sup>、纳米晶界结构设计<sup>[17]</sup>等。【本研究切入点】到 目前为止,应用 PFC 模型详细研究双位错运动还未 见报道。【拟解决的关键问题】应用改进 PFC 模 型<sup>[18]</sup>研究晶体的双位错在剪应变作用下的滑移特 征,揭示剪切应变作用对位错滑移的影响。

## 1 PFC 模型与方法

#### 1.1 体系的自由能密度函数

按照文献[10]的做法,用原子密度函数表示相场 变量,其表达式可写成

$$\rho(r) = \sum_{n,m} a_{n,m} e^{i\vec{G}\cdot\vec{r}} + \rho_0, \qquad (1)$$

式中,等号右边第一项是原子的周期排列特征项,第 二项是液相的原子无规项。参考文献[19]的思想和 方法,本文在原始的 PFC 模型基础上,加入体系原子 密度与外力场耦合的作用项,则体系无量纲的自由能 函数可以写成

$$F = \int \left\{ \frac{\rho}{2} \left[ r + (1 + \nabla^2)^2 \right] \rho + \frac{\rho^4}{4} + V_{ext} \cdot \rho \right\} dr,$$
(2)

式中, r 为温度参量,  $\nabla^2$  为 Laplace 算子;  $V_{ext} \cdot \rho$  为 外加力场与样品原子密度函数的耦合作用,  $V_{ext}$  为外 力场,其具体的数学表达式见文献[18]。该改进的自 由能模型自洽地包含了晶体周期物理特征。

平衡时的三角晶体相的原子密度函数 ρ 可写成 单模形式

$$\rho(x, y) = A_0 \left[ \cos \left( qx \right) \cos \left( \frac{qy}{\sqrt{3}} \right) - \frac{1}{2} \cos \left( \frac{2qy}{\sqrt{3}} \right) \right] + \rho_0, \qquad (3)$$

式中, A<sub>0</sub> 是固相原子密度的振幅; ρ<sub>0</sub> 为液相的原子 密度平均值。将式(4)代入式(2), 对 A<sub>0</sub> 和 q 分别求 444 导数,得到 A<sub>0</sub> 的表达式为

$$A_{0} = \frac{4}{5} \left( \rho_{0} + \frac{1}{3} \sqrt{-15r - 36\rho_{0}^{2}} \right), \qquad (4)$$

由体系的极小自由能密度函数可以得到二维体 系不同相区的相图。按照计算相图的方法<sup>[10]</sup>得到的 二维相图如图1所示。



Fig. 1 2D PFC phase diagram

#### 1.2 动力学方程

由于原子密度场 ρ为保守场,所以演化的无量纲 动力学方程满足 Chan-Hilliard 方程<sup>[14]</sup>

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} = \nabla^2 \frac{\delta F}{\delta \rho} = \nabla^2 \left[ (r + (1 + \nabla^2)^2) \rho + \rho^3 + V_{ext} \right],$$
(5)

为求解复杂的动力学方程式(5),还必须将动力 学方程在时间和空间进行离散化处理,即采用数值求 解的办法。在本文的数值求解中,采用显型 Euler 迭 代公式<sup>[8]</sup>

$$\rho(t + \Delta t) = \rho(t) + \frac{\mathrm{d}\rho}{\mathrm{d}t} \cdot \Delta t, \qquad (6)$$

式中, Δt 为离散时间步长。此外, 为使数值解 具有稳定性, 需将 Laplace 算子作用考虑到次近邻 格点<sup>[8]</sup>

$$\nabla^2 \rho_i = \frac{1}{(\Delta x)^2} \left[ \frac{1}{2} \sum_j \left( \rho_j - \rho_i \right) + \frac{1}{4} \sum_n \left( \rho_n - \rho_i \right) \right], \quad (7)$$

式中, $\Delta x$ 为离散空间步长,j和n分别代表i的 最近邻格点与次近邻格点。利用可视化函数 imshow 出原子密度函数  $\rho(x,y)$ 分布图。

### 1.3 样品制备

为方便起见,以 FCC 面心立方晶格的{111}平面 作为模拟实验的结构体系。要在等效于{111}平面的 二维六角原子晶格点阵中产生一对孤立的刃位错,可 以利用六角结构的原子密度分布函数公式(4)来设

Guangxi Sciences, Vol. 23 No. 5, October 2016

置。在模拟区域上设置为双晶结构,晶界的取向差设 为  $\theta = 0.65^{\circ}$ 。二个位错位于晶界上,该体系为双晶 结构,且晶界上各有一个孤立位错,形成位错对(如图 2 红色的位错符号所示)。对于设定的 *r* 值,与之相 应的  $\rho_0$  取值如图 1 所示,取在液固两相共存的边界 上。本研究详细的模拟参数如下:模拟区域设置为 256  $\Delta x * 256 \Delta y$ ,单元格子 $\Delta x = \Delta y = 0.75$ ,时间 步长 *t* = 0.5,样品弛豫时间步数 *n* = 50 000;固相区 的参数为( $\rho_0$ ,*r*) = (0.364 2, -0.45),液相区的参数 为( $\rho_0$ ,*r*) = (0.469 5, -0.45),得到的具有晶界位 错的样品如图 2a 所示。

#### 1.4 剪切应变的施加

PFC 方法在固相与自由表面之间设置液相区域 与之衔接<sup>[10]</sup>,这样就可以模拟晶粒在剪切应力作用 下的位错运动情况。图 2b 中给出了本模型施加剪切 应变的示意图。本研究采用文献[19]给出的外力场 的耦合方式,就可做到位错周围的原子克服 Peierls 势,实现位错攀移和滑移运动。





Fig. 2 The sample (a) and exerting shear strain diagram (b)

在模拟刃型位错运动时,对图 2 的样品两侧应用 周期性边界条件。如图 2b 所示, x 轴位于样品的中 广西科学 2016年10月 第 23 卷第 5 期 心沿水平方向,样品分成上下两半,设置靠近上下两 端液相区的晶粒最外两原子层为耦合外力场区域,施 加的周期外力场用 V<sub>ext</sub>(x,y) 表示,具体施加的上下 外力场分别用 V<sub>+</sub> (x,y) 和 V<sub>-</sub> (x,y) 表示(参考文献 [9]给出了剪切应变的外力场形式)。本文计算时设 A=1;作用力 $V_+(x,y)$ 为沿正x方向,作用在晶粒上 半部顶层的二层原子上,而作用力 $V_{-}(x,y)$ 为沿负 x方向,作用在晶粒下半部底层的二层原子侧面上; 外力场施加作用时,每进行 n 个时间步的应变作用, 则让原子晶格弛豫运动,于是剪切应变逐渐传递到样 品中部的位错原子周围。由于外力场的函数形式与 密度场的函数形式相似,因此,两者可以产生耦合作 用。由于体系原子跟随着外力场进行耦合运动,于是 产生了施加剪切应变的物理效果。本文将施加的应 变率  $\epsilon$  设定在中间速应变率范围,如  $\epsilon = (3.33 \times$ 10<sup>-3</sup>~5.0×10<sup>-2</sup>)/t,其中,时间t为无量纲。本研究 采用的应变率与实际符合。

## 2 结果与分析

应用公式(5)~(7),可以计算位错的运动演化过 程。利用公式(2),可以计算体系自由能随位错运动 的变化情况。图 3 为不同的应变率作用下,样品中位 错的滑移运动的位置随时间的变化,其中位错1的x 和 v 的坐标位于图的左边坐标,用蓝色和绿色表示,位错 2 的 x 和 y 的坐标位于图的右边坐标,用粉红色 和金黄色表示。当施加的应变率较大( $\dot{\epsilon} = 5.0 \times$  $10^{-2}/\Delta t$ )时,样品中二个位错都发生沿 x 方向的运 动,但方向相反,而在 y 方向没有移动(图 3a)。由此 可见,这二个位错只作滑移运动,没有攀移运动。当 应变率较小( $\dot{\epsilon} = 2.0 \times 10^{-2}/\Delta t$ 、1.0 ×  $10^{-2}/\Delta t$ 、  $6.7 \times 10^{-3} / \Delta t$  和  $5.0 \times 10^{-3} / \Delta t$ )时,位错只滑移运 动,没有攀移运动,施加的应变率越小,位错滑移走过 的距离越短(图  $3b \sim c$ )。当施加的应变率小于  $\dot{\epsilon} =$  $4.0 \times 10^{-3} / \Delta t$ 时,位错静止,这二个位错位置保持不 变(图 3e),表明位错没有发生滑移运动。这说明  $\varepsilon =$  $4.0 \times 10^{-3} / \Delta t$  是位错发生滑移运动的临界应变率。 此外,这二个位错运动方向平行且相反,由于不发生 位错攀移,因此不出现位错滑移交叉现象。由图 3 还 可见,在 ε 较大时,位错的滑移运动保持匀速运动,当  $\dot{\epsilon} = 5.0 \times 10^{-2} / \Delta t$  时,位错滑移速度近似为 v = 4.44格/(100 ts),当 $\dot{\epsilon} = 2.0 \times 10^{-2} / \Delta t$ 时,位错滑移速度 近似为v = 2.0格/(100 ts);在  $\epsilon$ 较小时,滑移出现颠 簸运动特征,位错位移曲线出现较大的台阶特征 (图 3d~e)。



(a)  $\dot{\epsilon} = 5.0 \times 10^{-2} / \Delta t$ ; (b)  $\dot{\epsilon} = 2.0 \times 10^{-2} / \Delta t$ ; (c)  $\dot{\epsilon} = 1.0 \times 10^{-2} / \Delta t$ ; (d)  $\dot{\epsilon} = 6.7 \times 10^{-3} / \Delta t$ ; (e)  $\dot{\epsilon} = 5.0 \times 10^{-3} / \Delta t$ ; (f)  $\dot{\epsilon} = 4.0 \times 10^{-3} / \Delta t$ 

图 3 样品在不同的剪切应变作用下位错位置随时间变化的曲线 Fig. 3 Samples at different shear strain under the dislocation position changes over time

图4给出了位错滑移运动过程中位错区域周围的能量变化。由图4可见,这二个位错运动引起能量的变化规律是明显不同的。当应变率 έ较大时,在开始阶段,体系自由能是单调增加的,在自由能曲线前端会出现一个峰,然后趋于平缓(图4a),表明位错滑移越过临界势全后,滑移进入平稳运动阶段,这对应于位错作匀速直线运动。由图4b可见,整个自由能曲线呈现3个宽的峰和谷特征,在曲线中还存在许多小的峰谷结构,这是位错翻过原子势全而引起的;而大的峰谷结构是由于双位错滑移运动引起液固界面波动弛豫造成的。图4c与图4b有类似现象,但只存

在一个大的峰和谷,以及多个小峰谷。由图 4d~f 可 见,自由能曲线是单调增加的,且出现若干孤立的峰, 这表明在应变率较小的情况下,位错滑移运动过程越 过势垒需要一定孕育时间,因此,出现颠簸式的运动 特征。这在较大的应变率作用下并不出现。在本研 究条件下,没有观察到位错攀移运动,是因为本模型 实验的温度参数较小,温度较低,原子晶格结合能较 强,位错无法克服原子键阻力势垒,故位错不出现攀 移现象。当温度参数增加,原子键相互作用力减弱, 位错就可以出现攀移和滑移同时进行,文献[20]已有 这方面的报道。



(f)  $\dot{\boldsymbol{\varepsilon}} = 4.0 \times 10^{-3} / \Delta t$ 

图 4 体系在不同剪切应变作用下的自由能曲线

Fig. 4 Free energy of the system under the effect of different shear strain

## 3 结论

PFC 模型能较好地用于研究位错在应变作用下的运动。在温度较低的条件下施加应变作用,当应变率较大时,体系的双位错只作滑移运动,运动方向平行且相反,保持匀速运动,不出现攀移运动;当应变率较小时,位错滑移运动过程越过势垒需要一定孕育时间,此时滑移出现颠簸式运动特征。这些结果与实验结果相符合。

#### 参考文献:

- [1] 徐恒均,刘国勋. 材料科学基础[M]. 北京:北京工业出版社,2001:265-279.
   XU H J,LIU G X. Fundamentals of Materials Science [M]. Beijing:Beijing Industry Press,2001:265-279.
- [2] 胡康祥,蔡珣,戎咏华. 材料科学基础[M]. 3 版. 上海:上 海交通大学出版社,2010:265-279.
  HUGX,CAIX,RONGYH. Fundamentals of Materials Science [M]. 3rd edition. Shanghai: Shanghai Jiao Tong University Press,2010:265-279.
- BOBYLEV S V, OVID'KO I A. Transformations of faceted grain boundaries in high- T<sub>c</sub> superconductors[J]. Physical Review B, 2003, 67(13):132506.
- [4] OVID'KO I A, SKIBA N V. Enhanced dislocation emission from grain boundaries in nanocrystalline materials
   [J]. Scripta Materialia, 2012, 67(1):13-16.
- [5] GUTKIN M Y, OVID'KO I A. Transformations of lowangle tilt boundaries in high-T<sub>c</sub> superconductors [J]. Physical Review B, 2001, 63(6):064515.
- [6] 张林,王绍青,叶恒强.大角度 Cu 晶界在升温、急冷条件 下晶界结构的分子动力学研究[J].物理学报,2004,53 (8):2497-2502.

ZHANG L, WANG S Q, YE H Q. Molecular dynamics study of the structure changes in a high-angle Cu grain boundary by heating and quenching [J]. Acta Physica Sinica, 2004, 53(8): 2497-2502.

- [7] ELDER K R, GRANT M. Modeling elastic and plastic deformations in nonequilibrium processing using phase field crystals [J]. Physical Review E, 2004, 70 (5): 051605.
- [8] ELDER K R, PROVATAS N, BERRY J, et al. Phasefield crystal modeling and classical density functional theory of freezing [J]. Physical Review B, 2007, 75(6): 064107.
- [9] BERRY J, GRANT M, ELDER K R. Diffusive atomistic dynamics of edge dislocations in two dimensions [J]. Physical Review E, 2006, 73(3):031609.
- [10] 黄世叶,刘晓骅,谢森,等.剪切应力作用下位错运动的 晶体相场模拟[J].广西科学,2015,22(4):400-406. HUANG S Y,LIU X H,XIE S,et al. Phase-field-crystal simulation of dislocation gliding under shear strain [J]. Guangxi Sciences,2015,22(4):400-406.
- [11] 罗志荣,黄世叶,茹谢辛,等.晶体相场法模拟大角度晶

界的变形过程[J]. 广西科学, 2013, 20(4): 311-315. LUO Z R, HUANG S Y, RU X X, et al. Phase field crystal modeling for deformation process of high-angle grain boundaries [J]. Guangxi Science, 2013, 20(4): 311-315.

- [12] BERRY J, ELDER K R, GRANT M. Melting at dislocations and grain boundaries: A phase field crystal study[J]. Physical Review B, 2008, 77(22):224114.
- [13] 陈成,陈铮,张静,等. 晶体相场法模拟异质外延过程中界面形态演化与晶向倾侧[J]. 物理学报,2012,61 (10):108103.
  CHEN C, CHEN Z, ZHANG J, et al. Simulation of morphological evolution and crystallographic tilt in heteroepitaxial growth using phase-field crystal method [J]. Acta Physica Sinica,2012,61(10):108103.
- [14] YU Y M, BACKOFEN R, VOIGT A. Morphological instability of heteroepitaxial growth on vicinal substrates: A phase-field crystal study[J]. Journal of Crystal Growth, 2011, 318(1): 18-22.
- [15] ARAFIN M A, SZPUNAR J A. A new understanding of intergranular stress corrosion cracking resistance of pipeline steel through grain boundary character and crystallographic texture studies[J]. Corrosion Science, 2009,51(1):119-128.
- [16] 高英俊,罗志荣,黄创高,等. 晶体相场方法研究二维六角相向正方相结构转变[J]. 物理学报,2013,62(5):050507.
   GAO Y J,LUO Z R,HUANG C G, et al. Phase-field-

crystal modeling for two-dimensional transformation from hexagonal to square structure[J]. Acta Physica Sinica,2013,62(5):050507.

- [17] 高英俊,罗志荣,黄礼琳,等. 韧性材料的微裂纹扩展和 连通的晶体相场模拟[J]. 中国有色金属学报,2013,23
  (7):1892-1899.
  GAO Y J,LUO Z R,HUANG L L. Phase-field-crystal modeling for microcrack propagation and connecting of ductile materials[J]. The Chinese Journal of Nonferrous Metals,2013,23(7):1892-1899.
- [18] 卢成健,蒋丽婷,王玉玲,等. 晶体相场法模拟小角度晶界的位错结构及其演化[J]. 广西科学,2013,20(4): 316-320.
   LUCJ, JIANGLT, WANGYL, et al. Simulating

structure of dislocation and its evolution in low angle grain boundary by phase field crystal method [J]. Guangxi Science, 2013, 20(4): 316-320.

- [19] HIROUCHI T, TAKAKI T, TOMITA Y. Effects of temperature and grain size on phase-field-crystal deformation simulation[J]. International Journal of Mechanical Sciences, 2010, 52(2): 309-319.
- [20] COLOMBO D, MASSIN P. Fast and robust level set update for 3D non-planar X-FEM crack propagation modelling[J]. Computer Methods in Applied Mechanics and Engineering, 2011, 200 (25/26/27/28): 2160-2180.

(责任编辑:陆 雁)