

经注意到利用素数阶的循环图而不是一般阶的循环图^[4],在文献[4]中还这样做的好处进行了论证.但其并未曾探索到素数阶循环图的更多性质,所得到的4个下界 $R(5,7) \geq 80$, $R(5,9) \geq 114$, $R(4,12) \geq 98$ 和 $R(4,15) \geq 128$ 中,前2个是目前最好的,而后2个则不然.我们在文献[5]中得到 $R(5,9) \geq 114$ 与文献[4]持平,在文献[6]中得到 $R(4,12) \geq 128$ 盖过了文献[4]的后两个结果.至于利用素数阶循环图寻求多色 Ramsey 数的下界,除了我们在文献[3]和《广西计算机应用》(1998年第3期)中获得的结果外,目前尚未见有其他报道.在文献[7]中得到的 $R(3,3,4) \geq 30$ 和在文献[8]中得到的 $R(3,3,3,4) \geq 84$ 都是利用一般阶循环图的方法而获得的.

2) 由于 $|W_1| < |W|$,因此利用正则循环图可以避免大量同构的图的重复计算.由定义3的正则条件(2)(3)可知 a_1 只须在很小的范围内变动,并且当 $a_1 > 1$ 时集合 $\{a_i: j \in [0, t_1 - 1]\}$ 的各元递增的步长 $\geq a_1 > 1$,使这个集合能够更快地跑过 $[0, m - 1]$ 的 t_1 元子集,从而 \mathbb{T} 能够更快地跑过集合 W_1 ,运算量大减少了,寻求有效参数的运算就具有较高的效率.此外,我们在计算 $G_p(S)$ 中各子图 $G_p(S)$ 的团数方面

也有所改进,计算 $[A_i]$ 能够节省回溯(backtracking)的运算量.因此,上述算法在寻求多色 Ramsey 数的下界时具有较高的运算效率.

参考文献

- Greenwood R E, Gleason A M. Combinatorial relations and chromatic graphs. Canadian Journal of Mathematics, 1995, 7: 1-7.
- Radziszowski S P. Small Ramsey numbers. The Electronic Journal of Combinatorics, 1994, DS1, updated on 7/16/1997.
- 罗海鹏, 苏文龙. 经典三色 Ramsey 数 $R(3, 3, 11)$ 的新下界. 广西科学院学报, 1998, 14(3): 1-2.
- Calkin N J, Erdős P, Tovey C A. New Ramsey bounds from cyclic graphs of prime order. Slam J Discrete Math, 1997, 10: 381-387.
- 苏文龙, 罗海鹏, 张正铀. Ramsey 数 $R(5, 9) \geq 114$. 广西科学, 1997, 4(3): 178.
- 苏文龙, 罗海鹏, 李乔. 经典 Ramsey 数 $R(4, 12)$, $R(5, 11)$ 和 $R(5, 12)$ 的新下界. 科学通报, 1997, 42(22): 2460.
- Kalbfleisch J G. Chromatic graphs and Ramsey theorem. Ph. D. thesis, University of Waterloo, January 1966.
- Exoo G. Constructing Ramsey graphs with a computer. Congressus Numerantium, 1987, 59: 31-36.

(责任编辑: 黎贞崇)

一个猎手——食饵系统的行波解

谷元 陈登远 谷艺

我们使用 Painlé 分析的方法研究了一个两个种群的猎手-食饵系统^[1]

$$\begin{aligned} u_t(x, t) &= u_{xx} + uM(u, v), \\ v_t(x, t) &= v_{xx} + vN(u, v), \end{aligned} \quad (1)$$

这里

$$\begin{aligned} M(u, v) &= (u - d)(1 - u) - kv, \\ N(u, v) &= -a - bv + ku, \end{aligned} \quad (2)$$

其中 a, b, k 和 d 皆为正常数,并且 $0 < d < \frac{a}{k} < 1$.

令 $u = \sum_{j=0}^1 u_j H^{-j}$, $v = \sum_{j=0}^2 v_j H^{-j}$, H 为待定函数.把 u, v 代入(1),可以求出 H 的系数,还可以把 a, b 用 U, k 和 d 表示.为了使得 $a > 0, b > 0, 0 < d < \frac{a}{k} < 1$,我们发现,必须

$$\begin{aligned} 1 \quad 0 < d < \frac{3}{5}, (U, k) \in D_1 \cup D_2, \\ 2 \quad 0 \leq d < \frac{9}{10}, (U, k) \in D_1, \end{aligned}$$

其中

$$D_1(U, k) = \left\{ \frac{1}{2} < U < \frac{3}{5}, \frac{6Ud}{5U-1} < k < \min\left(\frac{9}{5}, \frac{3}{2}(d+1)\right) \right\}.$$

$$D_2(U, k) = \left\{ \frac{3}{5} < U < \infty, 2d < k < \frac{6U}{5U-1} \right\}.$$

我们得到 $H = A + Be^{-2Q(x-C)}$,从而构造出系统(1)的如下行波解

$$u = -\frac{2BQX}{2 - \frac{6Uk}{b} \frac{e^{-Q(x-C)}}{Ae^{Q(x-C)} + Be^{-Q(x-C)}}}, \quad (3)$$

$$v = \frac{24B^2Q^2U}{b} \left(\frac{e^{-Q(x-C)}}{Ae^{Q(x-C)} + Be^{-Q(x-C)}} \right)^2, \quad (4)$$

其中 A, B 为任意常数, C 和 Q 可以用 U, k 和 d 表示.这种方法可以应用于许多非线性偏微分方程的求解.

参考文献

- Smoller J. Shock waves and reaction-diffusion, Berlin Springer-Verlag, 1980.

(第一作者单位: 山东工业大学计算机系)